



# TOBB Ekonomi ve Teknoloji Üniversitesi

MAT 421 - Şifreleme Bilimine Giriş

## Ödev III

*Teslim tarihi: 3 Nisan (final sınavına getiriniz), 2015*

### Problem 1

$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = x_1 + x_2x_3 + x_1x_4$  Boole fonksiyonu olsun.

- $f$  nin doğruluk tablosunu bulunuz.
- $f$  nin nonlineerliğini bulunuz. ( $N_f$ ).
- $f$  nin  $x_1 + x_2$  fonksiyonuna olan uzaklığını bulunuz.
- $f$  SAC özelliğini sağlar mı?

### Problem 2

$f$  fonksiyonunun doğruluk tablosu  $T_f = (0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 1)$  olarak verilmiştir.

- $f$  nin cebirsel normal formunu bulunuz ( $ANF$ ).
- $f$  nin derecesini ve ağırlığını bulunuz.
- $f$  nin nonlineerliğini bulunuz ( $N_f$ ).
- $f$  nin  $x_1 + x_3 + x_4$  fonksiyonuna olan uzaklığını bulunuz.
- $f$   $PC(1)$  özelliğini sağlar mı?

### Problem 3

$f$  fonksiyonunun doğruluk tablosu  $T_f = (0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1)$  olarak verilmiştir.

- $f$  nin cebirsel normal formunu bulunuz ( $ANF$ ).
- $f$  nin derecesini ve ağırlığını bulunuz.
- $f$  nin nonlineerliğini bulunuz ( $N_f$ ).

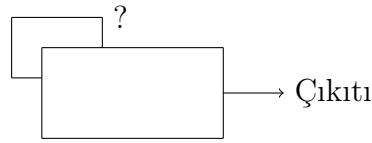
## Problem 4

$f : \mathbb{F}_2^n$  den  $\mathbb{F}_2$  ye dengeli bir fonksiyon ise nonlinearliđi en fazla kaç olabilir?

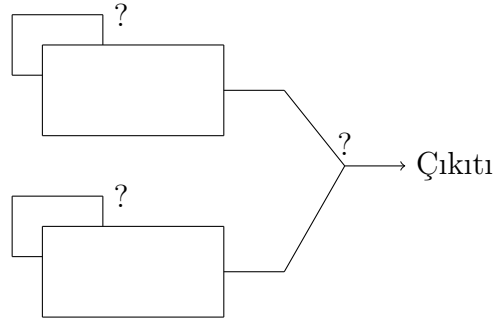
## Problem 5

$f_1(x_1, x_2) = x_1 + x_2$ ,  $f_2(x_1, x_2, x_3) = x_1 + x_3$  ve  $f_3(x_1, x_2, x_3, x_4) = x_1 + x_2 + x_3 + x_4$  fonksiyonları kullanılarak aşağıdaki kısıtlara uygun bir akan şife sistemi tasarlanmak istenmektedir.

- a) Sadece bir LFSR kullanılırsa sistemin periyodu en fazla kaç olur? Neden? (Sayısal Örnek Verilebilir).



- b) İki LFSR kombine edilerek kullanılırsa sistemin periyodu kaç olur? Neden? (Sayısal Örnek Verilebilir).



## Problem 6

Sıkıştırma fonksiyonlarının özelliklerini ve kullanım amaçlarını kısaca açıklayınız.

## Problem 7

SHA-3 algoritmasının detaylarını araştırınız.